Секция «Теория вероятностей и математическая статистика»

## Анализ эффективности децентралированных алгоритмов оптимизации для задач классификации

## Научный руководитель – Манита Лариса Анатольевна

 $Андрианова A.И.^1$ , Егорова  $9.A.^2$ 

1 - Национальный исследовательский университет «Высшая школа экономики», Московский институт электроники и математики им. А.Н. Тихонова, Москва, Россия, *E-mail:* a.andrianova2001@yandex.ru; 2 - Национальный исследовательский университет «Высшая школа экономики», Московский институт электроники и математики им. А.Н. Тихонова, Москва, Россия, *E-mail: eaegorova 8@edu.hse.ru* 

Современные методы машинного обучения играют ключевую роль в обработке данных и разработке интеллектуальных систем. Ограничение возможностей передачи данных в связи с трудозатратами и конфиденциальностью является одной из ключевых проблем в современных системах, работающих с распределёнными данными, и требует внедрения новых подходов, таких как федеративное обучение [1-2]. Федеративное обучение (Federated Learning) — это метод, при котором алгоритмы искусственного интеллекта обучаются не на центральном сервере, а на отдельных узлах. В основе федеративных алгоритмов лежат задачи децентрализованной оптимизации, которые представляют собой совокупность какого-либо (в основном, градиентного) метода спуска и консенсусного алгоритма.

В данной работе исследуется эффективность децентрализованных алгоритмов для решения задачи бинарной классификации на основе линейного метода опорных векторов (SVM) с гладкой и негладкой целевой функцией. Рассмотрим N клиентов, у каждого из которых имеется локальный набор данных. Локальные данные для і-ого клиента обозначим как  $(X_i,Y_i)$ , где  $X_i\in\mathbb{R}^{n_i\times d}$  — матрица признаков для  $n_i$  объектов с d-мерным пространством признаков,  $Y_i=\{-1,+1\}^{n_i}$  — вектор меток класса. Линейный классификатор определяется набором параметров (w,b), где w определяет нормаль разделяющей гиперплоскости, b — параметр сдвига. Тогда задача построения единого классификатора сводится к задаче децентрализованной оптимизации следующего вида:  $\frac{1}{N}\sum_{i=1}^N Q_i(w,b) \to \min_{w,b}$ , где  $Q_i:\mathbb{R}^d\to\mathbb{R}$  — локальная целевая функция клиента  $i,i\in\{1,\ldots,N\}$ . Отметим, что необходимо найти единый набор параметров (w,b), который, в общем случае, не является решением задачи минимизации локальной целевой функции. Поэтому возникает задача согласования локальных решений клиентов. Основной метод ее решения — консенсусный алгоритм, в частности, алгоритма ДеГрута.

В данной работе рассмотрены два основных типа обмена информацией: (FDL1) клиенты обмениваются текущими параметрами  $(w_i, b_i)$ ,(FDL2) клиенты обмениваются градиентами локальных целевых функций (направлениями спуска). В FDL1 алгоритм ДеГрута применяется к наборам локальных параметров, а в FDL2 к текущим направлениям спуска. При этом при передаче информации накладываются случайные факторы  $\delta_k^t \in \mathbb{R}^d$ , которые представляют собой последовательность независимых одинаково распределённых случайных величин:  $\mathbb{E}[\delta_k^t] = 0$ ,  $\mathbb{D}[\|\delta_k^t\|] \le \sigma^2 < \infty$ . Результаты моделирования показывают, что FDL2 более устойчив к шуму при решении задачи классификации, чем FDL1. Кроме того, мы исследуем ситуацию, когда объем данных сильно варьируется у разных клиентов (имеется дисбаланс данных). Результаты моделирования демонстрируют, что при дисбалансе данных между клиентами топология, учитывающая объем данных, обеспечивает более низкие значения целевой функции для обоих алгоритмов.

## Источники и литература

- 1) Konecny J. Federated optimization: Distributed machine learning for on-device intelligence, arXiv preprint arXiv:1610.02527, 2016, P. 1 6.
- 2) Qiang Yang, Yang Liu, Tianjian Chen, and Yongxin Tong, Federated Machine Learning: Concept and Applications //ACM Transactions on Intelligent Systems and Technology (TIST), Volume 10, Issue 2 Article No.: 12, Pages 1 19